

2020 年高考全国甲卷物理逐题解析

一、选择题：本题共 8 小题，每小题 6 分，共 48 分。在每小题给出的四个选项中，第 14~18 题只有一项符合题目要求，第 19~21 题有多项符合题目要求。全部选对的得 6 分，选对但不全的得 3 分，有选错的得 0 分。

14. 管道高频焊机可以对由钢板卷成的圆管的接缝实施焊接。焊机的原理如图所示，圆管通过一个接有高频交流电源的线圈，线圈所产生的交变磁场使圆管中产生交变电流，电流产生的热量使接缝处的材料熔化将其焊接。焊接过程中所利用的电磁学规律的发现者为（ ）



- A. 库仑 B. 霍尔 C. 洛伦兹 D. 法拉第

【答案】D

【解析】A. 库仑的发现的是库仑定律。B. 霍尔的发现的是霍尔效应。C. 洛伦兹发现的是电磁场对运动带电粒子的作用（即洛伦兹力）。D. 法拉第发现的是电磁感应定律，即磁生电，与题干中交变磁场使圆管中产生交变电流相吻合，故选 D。

15. 若一均匀球形星体的密度为 ρ ，引力常量为 G ，则在该星体表面附近沿圆轨道绕其运动的卫星周期是

- A. $\sqrt{\frac{3\pi}{G\rho}}$ B. $\sqrt{\frac{4\pi}{G\rho}}$ C. $\sqrt{\frac{1}{3\pi G\rho}}$ D. $\sqrt{\frac{1}{4\pi G\rho}}$

【答案】 A

【解析】 在星体表面运行的卫星，其轨道半径近似为星体半径，它做匀速圆周运动的向心力由万有引力提供。

设星体半径为 R ，质量为 M ，卫星质量为 m ，则：

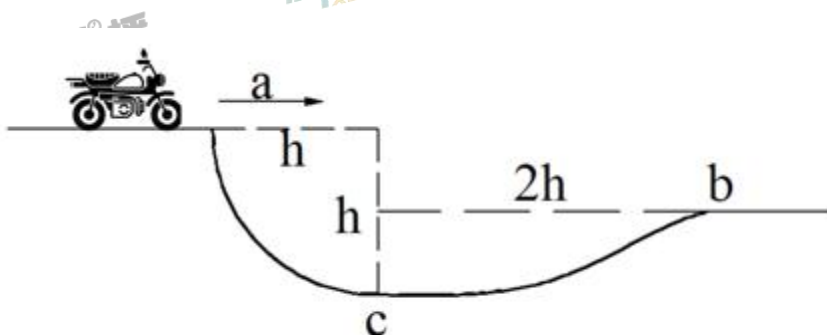
$$G \frac{Mm}{R^2} = m \left(\frac{2\pi}{T} \right)^2 R, \text{ 解得 } T = \sqrt{\frac{4\pi^2 R^3}{GM}} \quad \text{①}$$

$$\text{又 } M = \rho V = \rho \frac{4}{3} \pi R^3 \quad \text{②}$$

将②式代入①式可得 $T = \sqrt{\frac{3\pi}{G\rho}}$

16. 如图，在摩托车越野赛途中的水平路段前方有一个坑，该坑沿摩托车前进方向的水平宽度为 $3h$ ，其左边缘 a 点比右边缘 b 点高 $0.5h$ 。若摩托车经过 a 点时的动能为 E_1 ，它会落到坑内 c 点， c 与 a 的水平距离与高度差均为 h ；若经过 a 点时的动能为 E_2 ，该摩托车恰能越过坑到达 b 点， $\frac{E_2}{E_1}$ 等于

- A. 20 B. 18 C. 9.0 D. 3.0



【答案】 B

【解析】 由题可知：摩托车从 a 点出去后做平抛运动，竖直方向做自由落体运动，水平方向做匀速直线运动。

设由 a 到 c 运动时间为 t_1 ，初速度为 v_1

由 a 到 b 运动时间为 t_2 ，初速度为 v_2

则根据 $h = \frac{1}{2}gt_1^2$ 得： $t_1 = \sqrt{\frac{2h}{g}}$,

根据 $h = v_1t_1$ 得： $v_1 = \sqrt{\frac{hg}{2}}$

同理可得： $t_2 = \sqrt{\frac{h}{g}}$,

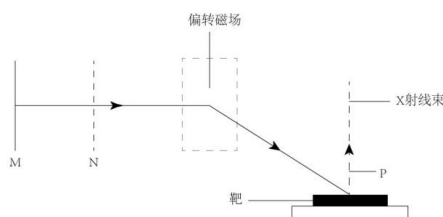
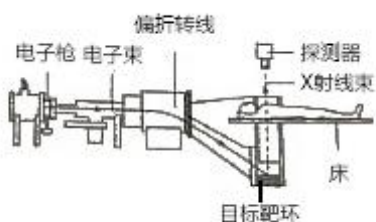
$3h = v_2t_2 \therefore v_2 = 3\sqrt{gh}$

因此 $\frac{E_2}{E_1} = \frac{\frac{1}{2}mv_2^2}{\frac{1}{2}mv_1^2} = 18$

17、CT 扫描危计算机 X 射线断层扫描技术的简称，CT 扫指机可用于对多种病情的探测。

图(a)是某种 CT 机主要部分的剖面图，其中 X 线产生部分的示意图如图 (b) 所示。图(b)

中 M、N 之间有一电子束的加速电场，虚线框内有匀强偏转磁场，经调节后电子束从静止开始沿带箭头的实线所示的方向前进。打到靶上，产生 X 射线（如图中带箭头的虚线所示）；将电子束打到靶上的点记为 P 点。则



- A. M 处的电势高于 N 处的电势
- B. 增大 M、N 之间的加速电压可使 P 点左移
- C. 偏转磁场的方向垂直于纸面向外
- D. 增大偏转磁场磁感应强度的大小可使 P 点左移

【答案】D

【解析】

电子带负电荷，MN 为加速电场，则电场力做正功，故 $U_{MN} < 0, \varphi_M < \varphi_N$ ，故 A 错误。

题中为电子束，则电流方向水平向左，根据左手定则，偏转磁场方向为垂直纸面向里，故 C 错误。

电子被加速电场加速，由动能定理得：

$$eU = \frac{1}{2}mv^2 \dots \textcircled{1}$$

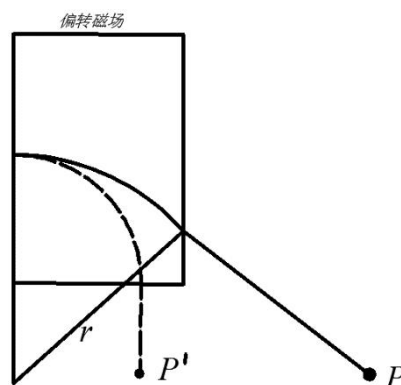
而电子在匀强磁场中做匀速圆周运动，洛伦兹力提供电子做圆周运动的向心力，由牛顿第二定律得：

$$eBv_0 = m\frac{v_0^2}{r} \dots \textcircled{2}$$

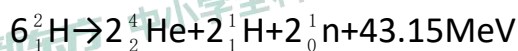
联立①②，解得 $r = \frac{1}{B}\sqrt{\frac{2mU}{e}}$

如图所示：磁感应强度 B 增大，电子圆周运动半径 r 减小， p 点左移；加速电压 U 增大，电子圆周运动半径 r 增大， p 点右移。故 B 错误，D 正确。

故答案选择 D。



18. 氦核 ${}^2_1\text{H}$ 可通过一系列聚变反应释放能量，其总效果可用反应式



表示，海水中富含氘，已知 1kg 海水中含有的氘核约为 1.0×10^{22} 个。若全都发生聚变反应，其释放的能量与质量为 M 的标准煤燃烧时释放的热量相等；已知 1kg 标准煤燃烧释放的热量约为 $2.9 \times 10^7\text{J}$ ， $1\text{MeV} = 1.6 \times 10^{-13}\text{J}$ ，则 M 约为 ()

- A. 40kg B. 100kg C. 400kg D. 1000kg

【答案】C

【解析】解：由反应式可知每 6 个氘核可放出能量 $Q_1=43.15\text{MeV}$

又知 $1\text{MeV}=1.6\times 10^{-13}\text{J}$ ，所以 $Q_1=43.15\times 1.6\times 10^{-13}\text{J}=6.904\times 10^{-12}\text{J}$

由题目知，1kg 海水中有氘核约 1.0×10^{22} 个

可放出能量 $Q_2=\frac{1.0\times 10^{22}}{6}\times 6.904\times 10^{-12}\approx 1.1507\times 10^{10}\text{J}$

又由题知 1kg 煤可放出热量约为 $Q_{\text{煤}}=2.9\times 10^7\text{J}$

则 1kg 海水中的氘核若全部发生聚合反应所放出的能量相当于约 $M=\frac{Q_2}{Q_{\text{煤}}}\approx 396.79\text{kg}$

的标准煤燃烧时释放的热量。约为 400kg

所以答案选 C

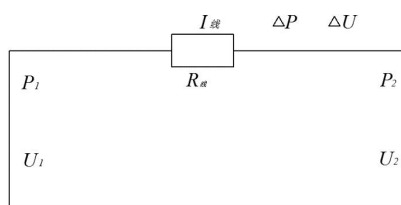
19. 特高压输电可使输送中的电能损耗和电压损失大幅降低，我国已成功掌握并实际应用了特高压输电技术，假设从 A 处采用 550KV 的超高压向 B 处输电，输电线上损耗的电功率为 ΔP ，到达 B 处时电压下降了 ΔU 。在保持 A 处输送的电功率和输电线电阻都不变的条件下，改用 1100kv 特高压输电，输电线上损耗的电功率变为 $\Delta P'$ ，到达 B 处时电压下降了 $\Delta U'$ 。不考虑其他因素的影响，则

A. $\Delta P' = \frac{1}{4}\Delta p$

B. $\Delta P' = \frac{1}{2}\Delta p$

C. $\Delta U' = \frac{1}{4}\Delta U$

D. $\Delta U' = \frac{1}{2}\Delta U$



【答案】AD

【解析】解：

如图所示设输送电流的功率为 P ，第一次输送电路中的电流为 $I_{\text{线}}$ ，电压为 U_1 ，第二次

输送电路中的电流为 $I'_{\text{线}}$ ，电压为 U'_1

则：因为 P 和 R 不变

$$I'_{\text{线}} = \frac{P}{U'_1}$$

$$\Delta P = I'^2_{\text{线}} R$$

$$I'_{\text{线}} = \frac{P}{U'_1} = \frac{P}{2U_1} = \frac{1}{2} I_{\text{线}}$$

$$\Delta P' = I'^2_{\text{线}} R = \frac{1}{4} I^2_{\text{线}} R = \frac{1}{4} \Delta P$$

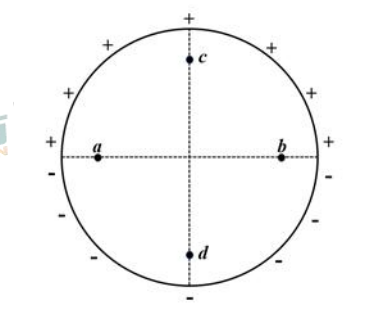
$$\Delta U = I_{\text{线}} R$$

$$\Delta U' = I'_{\text{线}} R = \frac{1}{2} I_{\text{线}} R = \frac{1}{2} \Delta U$$

20. 如图，竖直面内一绝缘细圆环的上、下半圆分别均匀分布着等量异种电荷。a、b 为圆环水平直径上的两个点，c、d 为竖直直径上的两个点，它们与圆心的距离均相等。

则

- A. a、b 两点的场强相等
- B. a、b 两点的电势相等
- C. c、d 两点的场强相等
- D. c、d 两点的电势相等



【答案】ABC

【解析】

A. 若在 a、b 两点放在同一电荷，该电荷在 a、b 点的受力大小、方向相同，故 a、b 两点场强相等，A 正确。

B. a、b 所在直线，是电势为 0 的等势面，故 a、b 两点电势相等，B 正确。

C. 若在 c、d 两点放在同一电荷，该电荷在 a、b 点的受力大小、方向相同，故 c、d 两点场强相等，C 正确。

D. 将一正电荷从 c 移到 d，电场力做正功，电势能减小，故 c、d 电势不相等，D 错误。

21.水平冰面上有一固定的竖直挡板。一滑冰运动员面对挡板静止在冰面上，他把一质量为 4.0kg 的静止物块以大小为 5.0 m/s 的速度沿与挡板垂直的方向推向挡板，运动员获得退行速度；物块与挡板弹性碰撞，速度反向，追上运动员时，运动员又把物块推向挡板。使其再一次以大小为 5.0 m/s 的速度与挡板弹性碰撞。总共经过 8 次这样推物块后，运动员退行速度的大小大于 5.0 m/s ，反弹的物块不能再追上运动员。不计冰面的摩擦力，该运动员的质量可能为

- A. 48kg B. 53kg C. 58kg D. 63kg

【答案】BC

【解析】设运动员质量为 M 第 n 次推物块后速度为 V ，物块质量为 m ，速度为 v_0 ，运动员从第一次推物块至第 n 次，有动量守恒定律有

运动员增量为

$$\Delta p = (2n-1)mv_0$$

则有

$$MV = (2n-1)mv_0$$

由题意，需满足

① 当 $n=7$ 时， $V < 5\text{m/s}$ ，

可解得

$$M > 52\text{kg}$$

② 当 $n=8$ 时， $V > 5\text{m/s}$ ，

可解得

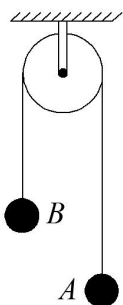
$$M < 60\text{kg}$$

综上：运动员质量需满足

$$52\text{kg} < M < 60\text{kg}$$

故选 BC

22.(5分)一细绳跨过悬挂的定滑轮,两端分别系有小球 A 和 B,如图所示,一实验小组用此装置测量小球 B 运动的加速度。



令两小球静止,细绳拉紧,然后释放小球,测得小球 B 释放时的高度 $h_0=0.590\text{m}$, 下降一段距离后的高度 $h=0.100\text{m}$; 由 h_0 下降至 h 所用的时间 $T=0.730\text{s}$ 。由此求得小球 B 加速度的大小为 $a=$ _____ m/s^2 (保留 3 位有效数字)。

从实验室提供的数据得知,小球 A、B 的质量分别是 100.0g 和 150.0g ,当地重力加速度大小为 $g=9.80\text{m/s}^2$,根据牛顿第二定律计算可得小球 B 加速度的大小为 $a'=$ _____ m/s^2 (保留 3 位有效数字)。

可以看出 a' 与 a 有明显差异,除实验中的偶然误差外,写出一条可能产生这一结果的原因: _____。

【答案】: 1.84; 1.96; 系统存在摩擦力/滑轮质量(言之有理即可);

【解析】: (1)小球 B 初速度为 0, 由匀变速直线运动公式可得:

$$h_B = h - h_0 = \frac{1}{2} a T^2$$

代入数值得:

$$a = 1.84 \text{ (m/s}^2\text{)}$$

(2)A、B 由同一根绳子相连, 则 A、B 加速度大小相同

设绳子拉力为 F, 对两个球进行受力分析并由牛顿第二定律可知:

$$a' = \frac{m_b g - F}{m_b} = \frac{F - m_a g}{m_a}$$

代入数据得：

$$F=1.176 \text{ (N)},$$

$$a'=1.96 \text{ (m/s}^2\text{)}$$

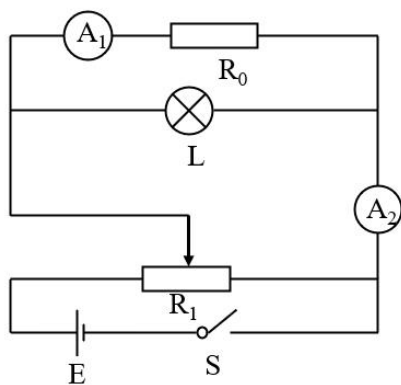
(3)实际求得 $a < a'$ 可能的原因有：

系统摩擦 / 滑轮质量（写一条，言之有理即可）

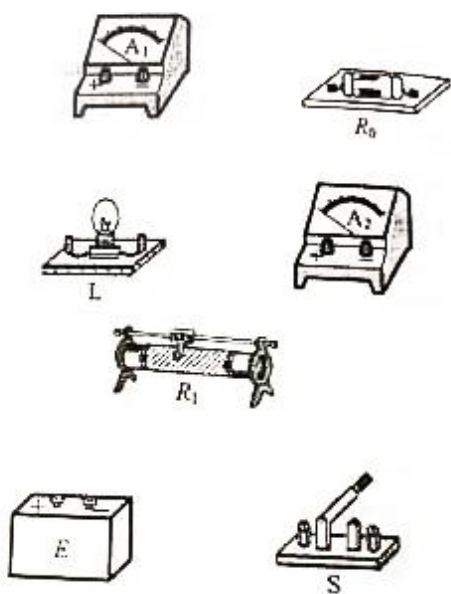
23. (10分)

某同学要研究一个小灯泡 L(3.6V, 0.30A)的伏安特性，所用器材有：电流表 A_1 （量程 200mA，内阻 $R_{g1} = 10.0\Omega$ ）、电流表 A_2 （量程 500mA，内阻 $R_{g2} = 1.0\Omega$ ）。定值电阻 R_0 （阻值 $R_0 = 10.0\Omega$ ）、滑动变阻器 R_1 （最大阻值 10Ω ）、电源 E（电动势 4.5V，内阻很小）、开关 S 和若干导线。该同学设计的电路图如图（a）所示。

(1) 根据图（a），在图（b）的实验图中画出连线。



图（a）



图（b）

(2) 若 I_1 、 I_2 分别为流过电流表 A_1 和 A_2 的电流，利用 I_1 、 I_2 、 R_{g1} 和 R_0 写出：小灯泡两端的电压 $U=$ _____，流过小灯泡的电流 $I=$ _____。为保证小灯泡的安全， I_1 不能超过_____mA。

(3) 实验时，调节滑动变阻器，使开关闭合后两电流表的示数为零，逐次改变滑动变阻器滑片位置并读取相应的 I_1 和 I_2 ，所得实验数据在下表中给出

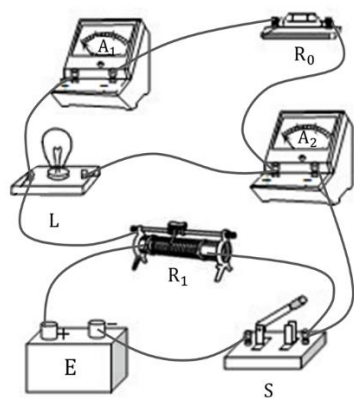
I_1/mA	32	55	85	125	144	173
I_2/mA	171	229	299	379	424	470

根据实验数据可算得，当 $I_1=173\text{mA}$ 时，灯丝电阻 $R=\underline{\hspace{2cm}}\Omega$

(保留 1 位小数)

(4) 如果是用另一个电阻代替定值电阻 R_0 ，其他不变，为了能够测量完整的伏安特性曲线，所用电阻的阻值不能小于 $\underline{\hspace{2cm}}\Omega$ (保留 1 位小数)。

【答案】 (1)



(2) $U = I_1(R_0 + R_{g1})$; $I = I_2 - I_1$; 180 mA;

(3) 11.6;

(4) 8.0;

【解析】 解：

(1) 如图

(2) 通过 R_0 的电流为 I_1 ，灯泡两端的电压等于电流表 A_1 加上 R_0 两端的电压， $U = IR$ ，得 $U = I_1(R_0 + R_{g1})$ ；

灯泡分流，得 $I = I_2 - I_1$ ；

灯泡两端的电压为 3.6V， $I = \frac{U}{R}$ 得， $I_1 = \frac{U}{R_0 + R_{g1}} = 180 \text{ mA}$

(3) 可根据 $I_2 - I_1$ 算出小灯泡电流为 297mA ，
小灯泡电压可以通过 $U = I_1(R_0 + R_{g1})$ 算出为 3.46V ，

两者相除，可得灯丝电阻为 11.6Ω 。

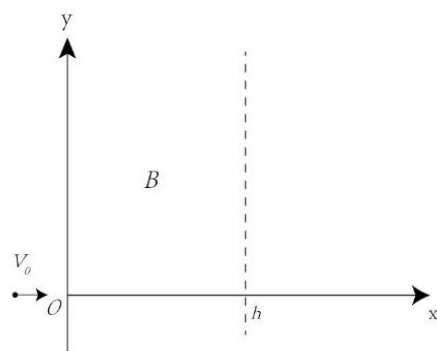
(4) 为了能够完整的测量小灯泡的伏安特性，灯泡的电压应能够达到 $0 \sim 3.6\text{V}$ ，根据 A_1 和 A_2 的量程，可得

$$\frac{U}{R_0 + R_{g1}} \leq 200\text{mA} \quad (\text{不超过 } A_1 \text{ 量程})$$

$$0.3 + \frac{U}{R_0 + R_{g1}} \leq 500\text{mA} \quad (\text{不超过 } A_2 \text{ 量程})$$

$$\text{得 } R_0 \geq 8.0\Omega$$

24. (12分) 如图，在 $0 \leq x \leq h, -\infty < y < +\infty$ 区域中存在方向垂直于纸面的匀强磁场，磁感应强度 B 的大小可调，方向不变。一质量为 m ，电荷量为 q ($q > 0$) 的粒子以速度 V_0 从磁场区域左侧沿 x 轴进入磁场，不计重力。



(1) 若粒子经磁场偏转后穿过 y 轴正半轴离开磁场，分析说明磁场的方向，并求在这种情况下磁感应强度的最小值 B_m ；

(2) 如果磁感应强度大小为 $\frac{B_m}{2}$ ，粒子将通过虚线所示边界上的一点离开磁场，求粒子在该点的运动方向与 x 轴正方向的夹角及该点到 x 轴的距离

【答案】 (1) 磁场方向垂直纸面向里； $B_m = \frac{mv_0}{qh}$

$$(2) \theta = 30^\circ, d_x = 2h - \sqrt{3}h$$

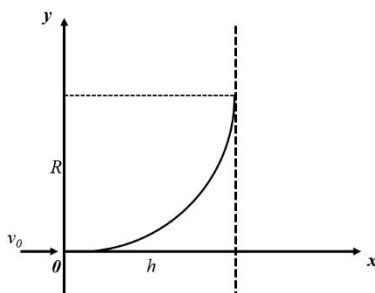
【解析】 (1) 由题知，粒子沿 y 轴正半轴飞出，则粒子在 o 点受力方向沿 y 轴正方向，由左手定则知：磁场方向垂直纸面向里。

对粒子分析，设轨迹半径为 R ，粒子做圆周运动，由洛伦兹力提供向心力，有：

$$qv_0B = \frac{mv_0^2}{R}$$

解得： $R = \frac{mv_0}{qB}$

当 R 最大时， B 最小，轨迹如图。



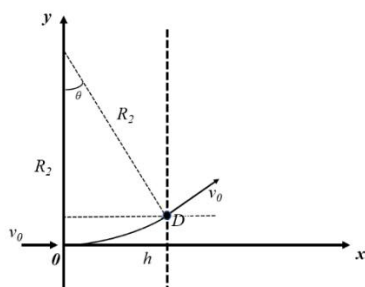
则 $R = h$ ，即 $h = \frac{mv_0}{qB_m}$ ； $B_m = \frac{mv_0}{qh}$

(2) 对粒子分析，当 $B = \frac{B_m}{2}$ 时，由洛伦兹力提供向心力，有：

$$qv_0 \frac{B_m}{2} = \frac{mv_0^2}{R_2}$$

解得 $R_2 = \frac{2mv_0}{qB_m} = 2h$ ；

如图，设飞出点为 D ，距 x 轴距离为 d_x ，由数学关系可得：



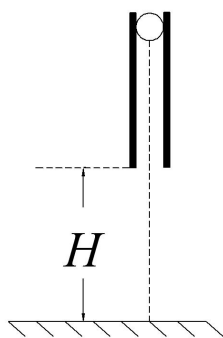
$\sin\theta = \frac{h}{2h}$ 则 $\theta = 30^\circ$ ；

则 $d_x = R_2 - R_2 \cos\theta$ 即 $d_x = 2h - \sqrt{3}h$

25. 如图所示，一竖直圆管质量为 M ，下端水平地面距离为 H ，顶端塞有一个质量为 m 的弹性小球，圆管由静止自由下落，与地面发生多次弹性碰撞，且每次碰撞时间均极

短；在运动过程中，管始终保持竖直。已知 $M=4m$ 。球和管之间的滑动摩擦力大小为 $4mg$ ， g 为重力加速度的大小，不计空气阻力。

- (1) 求管第一次与地面碰撞后的瞬间，管和球各自的加速度；
- (2) 管第一次落地弹起后，在上升过程中球没有从管中滑出，求管上升的最大高度；
- (3) 管第二次弹起的上升过程中，球仍没有从管中滑出，求圆管长度应满足什么条件



【解析】

(1) 管第一次落地弹起时，

管的加速度 $a_1 = \frac{4mg+Mg}{4m} = 2g$ ，方向向下

球的加速度 $a_2 = \frac{4mg-mg}{m} = 3g$ ，方向向上

(2) 设竖直向下为正方向。

管第一次碰地时速度 $v_0^2 = 2gH$ ，方向向下

碰地后管的速度 $v_1 = -\sqrt{2gH}$ ，方向向上，

球的速度 $v_2 = \sqrt{2gH}$ ，方向向下

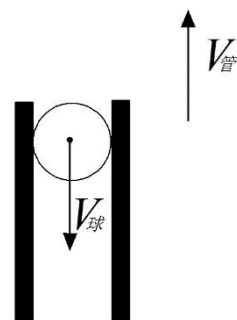
若球刚好没有从管中滑出，设经过的时间 t_1 ，球管速度相同，则有 $-v_1 + a_1 t_1 = v_2 - a_2 t_1$

解得： $t_1 = \frac{2v_0}{a_1+a_2} = \frac{2\sqrt{2gH}}{5g}$

又管从到碰地到他弹到最高点所需的时间 t_2

则： $t_2 = \frac{v_0}{a_1} = \frac{\sqrt{2gH}}{2g}$

因为 $t_1 < t_2$ ，说明管在达到最高点前，球与管相对静止，故管从弹起经 t_1 这段时间上升



的高度为所求。

$$\text{得 } h_1 = v_1 t_1 - \frac{1}{2} a_1 t_1^2 = \frac{12}{25} H$$

$$\text{共速时, } v_{\text{共}} = -v_1 + a_1 t_1 = -\frac{\sqrt{2gH}}{5}$$

$$\text{共速后, 管上升高度 } h_2 = \frac{v_{\text{共}}^2}{2g} = \frac{1}{25} H$$

$$\text{上升的最大高度 } h_{\text{max}} = h_1 + h_2 = \frac{13}{25} H$$

(3) 从管弹起到球与管共速

$$\text{这一过程球运动的位移 } s = v_0 t_1 - \frac{1}{2} a_2 t_1^2 = \frac{8}{25} H$$

$$\text{则球与管发生相对位移 } s_1 = h_1 + s = \frac{4}{5} H$$

当管与球 H_m 再次下落, 第二次落地弹起中, 发生相对位移

$$\text{由第一次可类推知 } s_2 = \frac{4}{5} H_m$$

所以管第二次弹起后, 球仍没有滑出管外的条件是 $s_1 + s_2 \leq L$

$$\text{即 } L \geq \frac{152}{125} H$$

33. [物理—选修 3-3] (15 分)

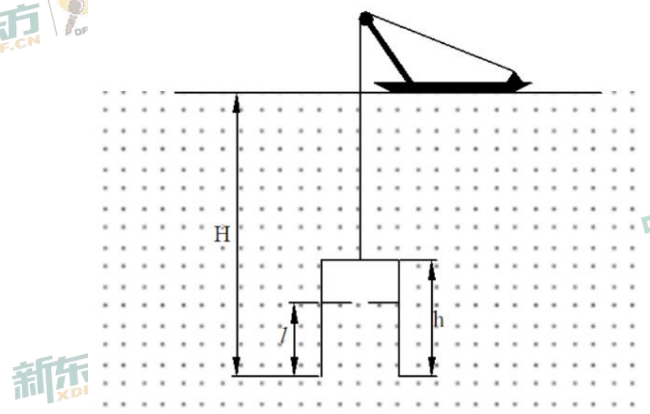
(1) (5 分) 下列关于能量转换过程的叙述, 违背热力学第一定律的有_____, 不违背热力学第一定律, 但违背热力学第二定律的有_____. (填正确答案标号)

- A. 汽车通过燃烧汽油获得动力并向空气中散热
- B. 冷水倒入保温杯后, 冷水和杯子的温度都变得更低
- C. 某新型热机工作时将从高温热源吸收的热量全部转化为功, 而不产生其他影响
- D. 冰箱的制冷机工作时从箱内低温环境中提取热量散发到温度较高的室内

(2) (10 分) 潜水钟是一种水下救生设备, 它是一个底部开口、上部封闭的容器, 外形与钟相似。潜水钟在水下时其内部上方空间里存有空气, 以满足潜水员水下避险的

需要。为方便计算，将潜水钟简化为截面积为 S 、高度为 h 、开口向下的圆筒；工作母船将潜水钟由水面上方开口向下吊放至深度为 H 的水下，如图所示。已知水的密度为 ρ ，重力加速度大小为 g ，大气压强为 p_0 ， $H \gg h$ ，忽略温度的变化和水密度随深度的变化。

- (i) 求进入圆筒内水的高度 l ；
- (ii) 保持 H 不变，压入空气使筒内的水全部排出，求压入的空气在其压强为 p_0 时的体积。



【答案】：

(1) B、C

(2) (i)
$$l = \frac{\rho g H}{p_0 + \rho g H} h$$

(ii)
$$V = \frac{\rho g S H h}{P_0}$$

【解析】： (1) 根据能量守恒定律：能量既不会凭空产生，也不会凭空消失，它只能从一种形式转化为另一种形式，或者从一个物体转移到别的物体，在转化或转移的过程中其总量保持不变，故违背了热力学第一定律的是 B；

热力学第二定律的开尔文表述：不可能从单一热库吸收热量，使之完全变成功，而不产生其他影响，故违背热力学第二定律的是 C。

(2) (i) 潜水钟在水面上方和放入水下后，筒内的气体体积分别为 V_0 ， V_1 ，放入水下后筒内气体压强为 p_1 ，由玻意耳定律：

$$p_1 V_1 = p_0 V_0 \quad \text{①}$$

$$V_0 = S h \quad \text{②}$$

$$V_1 = S(h-l) \quad \text{③}$$

$$p_1 = p_0 + \rho g(H-l) \quad (4)$$

联立上述各式，并考虑到 $H \gg h$ ，解得

$$l = \frac{\rho g H}{p_0 + \rho g H} h \quad (5)$$

(ii) 设水全部排出后筒内气体压强为 p_2 ，此时筒内气体体积为 V_0 ，这些气体在其压强为 p_0 时体积为 V_2 ，由玻意耳定律：

$$p_2 V_0 = p_0 V_2 \quad (6)$$

$$\text{其中 } p_2 = p_0 + \rho g H \quad (7)$$

设需压入筒内的气体体积为 V ，依题意有

$$V = V_2 - V_0 \quad (8)$$

联立 (2) (6) (7) (8) 可得：

$$V = \frac{\rho g S H h}{p_0}$$

34. 【物理-选修 3-4】 (15 分)

(1) (5 分) 用一个摆长为 80.0cm 的单摆做实验，要求摆动的最大角度小于 5° ，则开始时将摆球拉离平衡位置的距离应不超过 _____ cm (保留 1 位小数)。(提示：单摆被拉开小角度的情况下，所求的距离约等于摆球沿圆弧移动的路程。)

某同学想设计一个新单摆，要求新单摆摆动 10 个周期的时间与原单摆摆动 11 个周期的时间相等。新单摆的摆长应该取为 _____ cm。

(2) (10 分) 直角棱镜的折射率 $n=1.5$ ，其横截面如图所示，图中 $\angle C=90^\circ$ ， $\angle A=30^\circ$ 。截面内一细束与 BC 边平行的光线。从棱镜 AB 边上的 D 点射入，经折射后射到 BC 边上。

(i) 光线在 BC 边上是否会发生全反射？说明理由；

(ii) 不考虑多次反射，求从 AC 边射出的光线与最初的入射光线夹角的正弦值

【答案】 (1) 7.0 96.8

(2) (i) 会发生全反射 经分析可得, 入射角大于临界角, 故会发生

(ii) $\frac{2\sqrt{2}-\sqrt{3}}{4}$

【解析】 (1) 由题意可得距离应不超过 $\frac{5^\circ}{360^\circ} \times 2 \times \pi \times 0.8 \approx 0.0698m$

保留一位小数即 7.0cm

设时间为 t 令 $T = \frac{t}{11}, T' = \frac{t}{10}, T = 2\pi\sqrt{\frac{l}{g}}, T' = 2\pi\sqrt{\frac{l'}{g}}$

得 $l' \approx 96.8cm$

(2) (i) $n=1.5$, 由 $n = \frac{1}{\sin c}$ 得, $\sin c = \frac{2}{3}$, 由图可得 $i=30^\circ$, $n = \frac{\sin i}{\sin \gamma}$, 得 $\sin \gamma = \frac{1}{3}$,

$\gamma' = 180^\circ - 60^\circ - (90^\circ + \gamma) = 30^\circ - \gamma < 30^\circ$

故 $\alpha > 90^\circ - \gamma'$, 即 $\alpha > 60^\circ$,

$\sin C = \frac{2}{3} < \frac{\sqrt{3}}{2}$, 即 $C < 60^\circ$,

故光线在 BC 边发生全反射

(ii) 由图可得 $n = \frac{\sin i'}{\sin \gamma'} = \frac{\sin i'}{\sin(30^\circ - \gamma)}$

即 $\sin i' = n \sin(30^\circ - \gamma) = \frac{2\sqrt{2}-\sqrt{3}}{4}$

